

REGLEMENT D'APPLICATION	TRA	418
	REV 2	2019/4

TRA 418/2 (2019)

REGLEMENT D'APPLICATION
DE LA MARQUE BENOR
DANS LE SECTEUR DES
PRODUITS EN ACIER
POUR BETON

Modalités de contrôle applicables aux Usagers de la Marque

ANNEXES STATISTIQUES

REVISION 2

BENOR asbl



Validé et enregistré par l'Institut Belge de Normalisation le 07/01/1997

The last eligible version is that one visible of the website of OCAB.

Check with the following QR-code to download it:

**RÈGLEMENT D'APPLICATION DE LA
MARQUE BENOR DANS LE SECTEUR
DES PRODUITS EN ACIER POUR BÉTON**

MODALITÉS DE CONTRÔLE APPLICABLES
AUX "USAGERS DE LA MARQUE"

ANNEXES STATISTIQUES

ANNEXE A

MÉTHODE DE COMPARAISON DES OBSERVATIONS APPARIÉES.

Pour chaque propriété examinée, on dispose de n paires de résultats (U_i, L_i).

On calcule :

- les différences $d_i = U_i - L_i$ et on vérifie que la distribution des différences respecte l'hypothèse de normalité (voir note ci-après); pour ce faire, on a recours au test de SHAPIRO-WILK (voir annexe C);
- la moyenne \bar{d} de ces d_i ;
- le nombre de degré de liberté : $\nu = n - 1$
- l'estimation de l'écart-type des d_i :

$$s_d = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n (d_i - \bar{d})^2}{\nu}}$$

- la valeur du coefficient de Student :

$$t = \frac{\bar{d} \sqrt{n}}{s_d}$$

On compare la valeur trouvée pour $|t|$ aux valeurs de référence t_0 ($\nu, 1\%$) de la loi de Student (tableau B3).

On compare les valeurs trouvées pour s et $|\bar{d}|$ aux valeurs de référence s_{d0} et d_0 de la table A1.

La comparaison successive des valeurs expérimentales $|t|$, s_d et $|\bar{d}|$ aux valeurs de référence permet de classer la série des résultats dans l'un des cas-types de la table A2 où figure aussi l'interprétation à réserver aux résultats obtenus.

TABLE A1
Valeurs de comparaison

	s_{do}	d_o
Limite d'élasticité (Re) en N/mm ²	15	15
Résistance à la traction (Rm) en N/mm ²	15	20

TABLE A2
Cas-types et règles d'interprétation

t ≤ t _o différence non significative	s _d ≤ s _{do}	$ \bar{d} \leq d_o$	cas I : essais satisfaisants
		$ \bar{d} > d_o$	cas impossible compte tenu des s _{do} et d _o imposés
t > t _o différence significative	s _d ≤ s _{do}	$ \bar{d} \leq d_o$	cas II : s _d excessif; à étudier
		$ \bar{d} > d_o$	cas III : s _d excessif; à étudier
t ≤ t _o différence significative	s _d > s _{do}	$ \bar{d} \leq d_o$	cas IV : essais satisfaisants
		$ \bar{d} > d_o$	cas V : différence d'étalonnage ou de mode opératoire; à étudier
t > t _o différence significative	s _d > s _{do}	$ \bar{d} \leq d_o$	cas VI : différence d'étalonnage ou de mode opératoire; à étudier
		$ \bar{d} > d_o$	cas VII : différence d'étalonnage ou de mode opératoire; à étudier

NOTE : Si la répartition des différences s'écarte de la loi normale, le procédé décrit reste applicable à condition que l'effectif de l'échantillon soit suffisamment élevé (voir ISO 3301-1975).

ANNEXE B**MÉTHODE DE COMPARAISON DES VARIANCES ET DES MOYENNES.**

Pour chaque propriété examinée et pour chacune des populations constituées, d'une part, par les "n_a" résultats obtenus lors de l'autocontrôle industriel, et d'autre part, par les "n_c" résultats obtenus lors des essais effectués en présence de l'organisme de secteur, on calcule les estimations des variances et des moyennes.

On désigne par s_1^2 la plus grande des estimations des variances et par s_2^2 la plus petite; n_1 et n_2 étant le nombre de résultats correspondants et \bar{x}_1 et \bar{x}_2 étant les estimations des moyennes des deux populations.

On définit $v_1 = n_1 - 1$ et $v_2 = n_2 - 1$, les nombres de degrés de liberté des populations.

a) COMPARAISON DES VARIANCES.

On calcule le rapport $F = s_1^2/s_2^2 (> 1)$

A l'aide des tableaux B1 et B2, on déduit les valeurs de référence de F pour les risques de 1 % et 5 %.

On distingue trois cas :

- a) Si F est inférieur ou égal à la valeur indiquée par la table pour le risque de 5 %, on conclut que les deux variances ne sont pas significativement différentes et tous les résultats sont pris en considération.
- b) Si F est compris entre les valeurs indiquées par la table pour les risques de 1 % et 5 % ce qui signifie que les 2 variances sont probablement différentes, on prend les résultats en considération mais on demande au producteur de rechercher la cause de cette divergence.
- c) Si F est supérieur à la valeur indiquée par la table pour risque de 1 %, on conclut que les variances sont presque certainement différentes et les résultats du producteur sont mis en doute.

ANNEXE B

b) COMPARAISON DES MOYENNES.

Dans les cas a) ou b), on poursuit la procédure.
 On calcule l'estimation de la variance commune :

$$s^2 = \frac{v_1 \cdot s_1^2 + v_2 \cdot s_2^2}{v} \quad \text{avec } v = v_1 + v_2, \text{ nombre de degrés de liberté total}$$

La statistique utilisée, le t de Student-Fischer, est défini comme :

$$t = \frac{\bar{x}_1 - \bar{x}_2}{s} \cdot \sqrt{\frac{n_1 \cdot n_2}{n_1 + n_2}}$$

A l'aide du tableau B3, on déduit les valeurs de référence de t_0 pour les risques de 1 % et 5 %.

On distingue trois cas :

- a) Si $|t|$ est inférieur ou égal à la valeur indiquée dans la table pour le risque de 5 %, on conclut que les 2 moyennes ne sont pas significativement différentes et les résultats sont pris en considération.
- b) Si $|t|$ est compris entre les 2 valeurs indiquées dans la table pour les risques de 1 % et 5 %, ce qui signifie que les moyennes sont probablement différentes, on prend en considération les résultats mais on demande au producteur de rechercher la cause de cette divergence.
- c) Si $|t|$ est supérieur à la valeur indiquée dans la table pour le risque de 1 %, on conclut que les moyennes sont presque certainement différentes et les résultats du producteur sont mis en doute.

REMARQUE :

Dans les cas b) et c) ci-dessus, il y a lieu d'effectuer le test de normalité sur les populations à comparer. Pour ce faire, on a recours au test de SHAPIRO-WILK.
 Pour les populations à effectif supérieur à 50, on effectue le test de D'AGOSTINO.
 Pour ces deux tests, on se réfère à l'annexe C.
 Cependant, si la distribution ne s'écarte pas trop de la normale, la méthode reste valable à condition que les échantillons ne soient pas trop petits (voir ISO 2854-1976 - Remarque générale n° 3).

Si la distribution s'écarte trop de la loi normale, la méthode de comparaison est adaptée au cas particulier.

ANNEXE B

TABLEAU B1

Fractiles de la loi de F
risque de 1^{ère} espèce $\alpha = 0,01$
niveau de confiance $(1 - \alpha) = 0,99$

TABLEAU B1 - Valeur de F ayant la probabilité 0,01 (1 %) d'être dépassée dans le test bilatéral.

		Nombre de degrés de liberté du numérateur (V_1)															
		4	5	6	7	8	9	10	12	15	20	24	30	40	60	120	α
4	4	23.2	22.5	22.0	21.6	21.4	21.1	21.0	20.7	20.4	20.2	20.0	19.9	19.8	19.6	19.5	19.3
5	5	15.6	14.9	14.5	14.2	14.0	13.8	13.6	13.4	13.1	12.9	12.8	12.7	12.5	12.4	12.3	12.1
6	6	12.0	11.5	11.1	10.8	10.6	10.4	10.3	10.0	9.81	9.59	9.47	9.36	9.24	9.12	9.00	8.88
7	7	10.1	9.52	9.16	8.89	8.68	8.51	8.38	8.18	7.97	7.75	7.65	7.53	7.42	7.31	7.19	7.08
8	8	8.81	8.30	7.95	7.69	7.50	7.34	7.21	7.01	6.81	6.61	6.50	6.40	6.29	6.18	6.06	5.95
9	9	7.96	7.47	7.13	6.88	6.69	6.54	6.42	6.23	6.03	5.83	5.73	5.62	5.52	5.41	5.30	5.19
10	10	7.34	6.87	6.54	6.30	6.12	5.97	5.85	5.66	5.47	5.27	5.17	5.07	4.97	4.86	4.75	4.64
11	11	6.88	6.42	6.10	5.86	5.68	5.54	5.42	5.24	5.05	4.86	4.76	4.65	4.55	4.44	4.34	4.23
12	12	6.52	6.07	5.76	5.52	5.35	5.20	5.09	4.91	4.72	4.53	4.43	4.33	4.23	4.12	4.01	3.90
13	13	6.23	5.79	5.48	5.25	5.08	4.94	4.82	4.64	4.46	4.27	4.17	4.07	3.97	3.87	3.76	3.65
14	14	6.00	5.56	5.26	5.03	4.86	4.72	4.60	4.43	4.25	4.06	3.96	3.86	3.76	3.66	3.55	3.44
15	15	5.80	5.37	5.07	4.85	4.67	4.54	4.42	4.25	4.07	3.88	3.79	3.69	3.58	3.48	3.37	3.26
16	16	5.64	5.21	4.91	4.69	4.52	4.38	4.27	4.10	3.92	3.73	3.64	3.54	3.44	3.33	3.22	3.11
17	17	5.50	5.07	4.78	4.56	4.39	4.25	4.14	3.97	3.79	3.61	3.51	3.41	3.31	3.21	3.10	2.98
18	18	5.37	4.96	4.66	4.44	4.28	4.14	4.03	3.86	3.68	3.50	3.40	3.30	3.20	3.10	2.99	2.87
19	19	5.27	4.85	4.56	4.34	4.18	4.04	3.93	3.76	3.59	3.40	3.31	3.21	3.11	3.00	2.89	2.78
20	20	5.17	4.76	4.47	4.26	4.09	3.96	3.85	3.68	3.50	3.32	3.22	3.12	3.02	2.92	2.81	2.69
21	21	5.09	4.68	4.39	4.18	4.01	3.88	3.77	3.60	3.43	3.24	3.15	3.05	2.95	2.84	2.73	2.61
22	22	5.02	4.61	4.32	4.11	3.94	3.81	3.70	3.54	3.36	3.18	3.08	2.98	2.88	2.77	2.66	2.55
23	23	4.95	4.54	4.26	4.05	3.88	3.75	3.64	3.47	3.30	3.12	3.02	2.92	2.82	2.71	2.60	2.48
24	24	4.89	4.49	4.20	3.99	3.83	3.69	3.59	3.42	3.25	3.06	2.97	2.87	2.77	2.66	2.55	2.43
25	25	4.84	4.43	4.15	3.94	3.78	3.64	3.54	3.37	3.20	3.01	2.92	2.82	2.72	2.61	2.50	2.38
30	30	4.62	4.23	3.95	3.74	3.58	3.45	3.34	3.18	3.01	2.82	2.73	2.63	2.52	2.42	2.30	2.18
40	40	4.37	3.99	3.71	3.51	3.35	3.22	3.12	2.95	2.78	2.60	2.50	2.40	2.30	2.18	2.06	1.93
60	60	4.14	3.76	3.49	3.29	3.13	3.01	2.90	2.74	2.57	2.39	2.29	2.19	2.08	1.96	1.83	1.69
120	120	3.92	3.55	3.28	3.09	2.93	2.81	2.71	2.54	2.37	2.19	2.09	1.98	1.87	1.75	1.61	1.43
α	α	3.72	3.35	3.09	2.90	2.74	2.62	2.52	2.36	2.19	2.00	1.90	1.79	1.67	1.53	1.36	1

Par ligne : Nombre de degrés de liberté du dénominateur (V_2)

ANNEXE B

TABLEAU B2

Fractiles de la loi de F
risque de 1^{ère} espèce $\alpha = 0,05$
niveau de confiance $(1 - \alpha) = 0,95$

TABLEAU B2 - Valeur de F ayant la probabilité 0,05 (5 %) d'être dépassée dans le test bilatéral.

		Nombre de degrés de liberté du numérateur (V ₁)														
		4	5	6	7	8	9	10	12	15	20	24	30	40	60	120
4	9.6	9.4	9.2	9.1	9.0	8.9	8.8	8.8	8.7	8.6	8.5	8.5	8.4	8.4	8.3	8.3
5	7.4	7.2	7.0	6.9	6.8	6.7	6.6	6.5	6.4	6.3	6.3	6.2	6.2	6.1	6.1	6.02
6	6.2	6.0	5.8	5.7	5.6	5.5	5.5	5.4	5.27	5.17	5.12	5.07	5.01	4.96	4.90	4.85
7	5.52	5.29	5.12	4.99	4.9	4.82	4.76	4.67	4.57	4.47	4.42	4.36	4.31	4.25	4.2	4.14
8	5.05	4.82	4.65	4.53	4.43	4.36	4.30	4.20	4.10	4.00	3.95	3.89	3.84	3.78	3.73	3.67
9	4.72	4.48	4.32	4.20	4.10	4.03	3.96	3.87	3.77	3.67	3.61	3.56	3.51	3.45	3.39	3.33
10	4.47	4.24	4.07	3.95	3.85	3.78	3.72	3.62	3.52	3.42	3.37	3.31	3.26	3.20	3.14	3.08
11	4.28	4.04	3.88	3.76	3.66	3.59	3.53	3.43	3.33	3.23	3.17	3.12	3.06	3.00	2.94	2.88
12	4.12	3.89	3.73	3.61	3.51	3.44	3.37	3.28	3.18	3.07	3.02	2.96	2.91	2.85	2.79	2.72
13	4.00	3.77	3.60	3.48	3.39	3.31	3.25	3.15	3.05	2.95	2.89	2.84	2.78	2.72	2.66	2.60
14	3.89	3.66	3.50	3.38	3.29	3.21	3.15	3.05	2.95	2.84	2.79	2.73	2.67	2.61	2.55	2.49
15	3.80	3.58	3.41	3.29	3.20	3.12	3.06	2.96	2.86	2.76	2.70	2.64	2.59	2.52	2.46	2.40
16	3.73	3.50	3.34	3.22	3.12	3.05	2.99	2.89	2.79	2.68	2.63	2.57	2.51	2.45	2.38	2.32
17	3.66	3.44	3.28	3.16	3.06	2.98	2.92	2.82	2.72	2.62	2.56	2.50	2.44	2.38	2.32	2.25
18	3.61	3.38	3.22	3.10	3.01	2.93	2.87	2.77	2.67	2.56	2.50	2.44	2.38	2.32	2.26	2.19
19	3.56	3.33	3.17	3.05	2.96	2.88	2.82	2.72	2.62	2.51	2.45	2.39	2.33	2.27	2.20	2.13
20	3.51	3.29	3.13	3.01	2.91	2.84	2.77	2.68	2.57	2.46	2.41	2.35	2.29	2.22	2.16	2.09
21	3.48	3.25	3.09	2.97	2.87	2.80	2.73	2.64	2.53	2.42	2.37	2.31	2.25	2.18	2.11	2.04
22	3.44	3.22	3.05	2.93	2.84	2.76	2.70	2.60	2.50	2.39	2.33	2.27	2.21	2.14	2.08	2.00
23	3.41	3.18	3.02	2.90	2.81	2.73	2.67	2.57	2.47	2.36	2.30	2.24	2.18	2.11	2.04	1.97
24	3.38	3.15	2.99	2.87	2.78	2.70	2.64	2.54	2.44	2.33	2.27	2.21	2.15	2.08	2.01	1.94
25	3.35	3.13	2.97	2.85	2.75	2.68	2.61	2.51	2.41	2.30	2.24	2.18	2.12	2.05	1.98	1.91
30	3.25	3.03	2.87	2.75	2.65	2.57	2.51	2.41	2.31	2.20	2.14	2.07	2.01	1.94	1.87	1.79
40	3.13	2.90	2.74	2.62	2.53	2.45	2.39	2.29	2.18	2.07	2.01	1.94	1.88	1.80	1.72	1.64
60	3.01	2.79	2.63	2.51	2.41	2.33	2.27	2.17	2.06	1.94	1.88	1.82	1.74	1.67	1.58	1.48
120	2.89	2.67	2.52	2.39	2.30	2.22	2.16	2.05	1.94	1.82	1.76	1.69	1.61	1.53	1.43	1.31
α	2.79	2.57	2.41	2.29	2.19	2.11	2.05	1.94	1.83	1.71	1.64	1.57	1.48	1.39	1.27	1

Par ligne : Nombre de degrés de liberté du dénominateur (V₂)

ANNEXE B

TABLEAU B₃ - Tableau de STUDENT.

Extrait de la NF X 06-065

Nombre de degrés de liberté	Test bilatéral : t_0 .	
	5 %	1 %
1	12,71	63,66
2	4,30	9,93
3	3,18	5,84
4	2,78	4,60
5	2,57	4,03
6	2,45	3,71
7	2,37	3,50
8	2,31	3,36
9	2,26	3,25
10	2,23	3,17
11	2,20	3,11
12	2,18	3,06
13	2,16	3,01
14	2,14	2,98
15	2,13	2,95
16	2,12	2,92
17	2,11	2,90
18	2,10	2,88
19	2,09	2,86
20	2,09	2,84
21	2,08	2,83
22	2,07	2,82
23	2,07	2,81
24	2,06	2,80
25	2,06	2,79
26	2,06	2,78
27	2,05	2,77
28	2,05	2,76
29	2,05	2,76
30	2,04	2,75
40	2,02	2,70
80	2,00	2,66
120	1,98	2,62
∞	1,96	2,58

ANNEXE C

TEST DE NORMALITÉ :

- a) Effectif $5 \leq n \leq 50$: test de normalité de SHAPIRO-WILK

On calcule l'écart-type σ .

Les n valeurs sont classées par ordre de grandeur croissante de X_1 à X_n .

On calcule les différences :

$d_i = X_{(n+1-i)} - X_i$; il y a $k = n/2$ différences si n est pair
 il y a $k = (n - 1)/2$ différence si n est impair et le résultat médian est inutilisé.

Ensuite, on calcule

$$b = \sum_{i=1}^k a_i d_i \quad \text{où } a_i \text{ est défini au tableau C1.}$$

La statistique W de SHAPIRO & WILK est définie comme étant :

$$W = \frac{b^2}{n \cdot \sigma^2} \quad \text{à calculer avec 3 décimales minimum.}$$

Les valeurs du W de référence sont données au tableau C2.

Le critère (risque de première espèce de 5 %) consiste à conclure que la distribution est normale si $W \geq W_{0,95}$.

- b) Effectif $50 < n \leq 100$: test de D'AGOSTINO

On calcule l'écart-type σ .

Les n valeurs sont classées par ordre de grandeur croissante de X_1 à X_n .

On calcule les différences :

$d_i = X_{(n+1-i)} - X_i$; il y a $k = n/2$ différences si n est pair
 il y a $k = (n - 1)/2$ différence si n est impair et le résultat médian est inutilisé.

ANNEXE C

Ensuite, on calcule

$$b = \sum_{i=1}^k a_i d_i \quad \text{où } a_i = \frac{n+1}{2} - i$$

$$D = b / n^2 / \sigma$$

La statistique Y de D'AGOSTINO vaut :

$$Y = \frac{\sqrt{n} \cdot (D - 0,28209479)}{0,02998598}$$

Le critère (risque de première espèce de 5 %) consiste à conclure que la distribution est normale si $Y_{0,025} \leq Y \leq Y_{0,975}$ (Y définis au tableau C3).

ANNEXE C

TABLEAU C1 - TEST DE SHAPIRO-WILK - COEFFICIENTS $a_j(W)$ NÉCESSAIRES AU CALCUL DE LA STATISTIQUE $W^{(1)}$

		n																			
		5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24
i	1	0.6646	0.6431	0.6233	0.6052	0.5888	0.5739	0.5601	0.5475	0.5359	0.5251	0.5150	0.5056	0.4968	0.4886	0.4808	0.4734	0.4643	0.4590	0.4542	0.4493
	2	0.2413	0.2806	0.3031	0.3164	0.3244	0.3291	0.3315	0.3325	0.3325	0.3318	0.3306	0.3290	0.3273	0.3253	0.3232	0.3211	0.3185	0.3156	0.3126	0.3098
	3	0.0000	0.0875	0.1401	0.1743	0.1976	0.2141	0.2260	0.2347	0.2412	0.2460	0.2495	0.2521	0.2540	0.2553	0.2561	0.2565	0.2578	0.2571	0.2563	0.2554
	4			0.0000	0.0561	0.0947	0.1224	0.1429	0.1586	0.1707	0.1802	0.1878	0.1939	0.1988	0.2027	0.2059	0.2085	0.2119	0.2131	0.2139	0.2145
	5					0.0000	0.0399	0.0695	0.0922	0.1099	0.1240	0.1353	0.1447	0.1524	0.1587	0.1641	0.1686	0.1736	0.1764	0.1787	0.1807
	6							0.0000	0.0303	0.0539	0.0727	0.0880	0.1005	0.1109	0.1197	0.1271	0.1334	0.1399	0.1443	0.1480	0.1512
	7									0.0000	0.0240	0.0433	0.0593	0.0725	0.0837	0.0932	0.1013	0.1092	0.1150	0.1201	0.1245
	8											0.0000	0.0196	0.0359	0.0496	0.0612	0.0711	0.0804	0.0878	0.0941	0.0997
	9													0.0000	0.0163	0.0303	0.0422	0.0530	0.0618	0.0696	0.0764
	10															0.0000	0.0140	0.0263	0.0368	0.0459	0.0539
	11																	0.0000	0.0122	0.0228	0.0321
	12																			0.0000	0.0107

(1) Extrait de SHAPIRO, S.S., et WILK, M.B. : An analysis of variance test for normality (complete samples), Biométrie 52, 1965, pp. 591-611.

ANNEXE C

	25	26	27	28	29	30	31	32	33	34	35	36	37	38	39	40	41	42	43	44	45	46	47	48	49	50	
1	0.4450	0.4407	0.4366	0.4328	0.4291	0.4254	0.4220	0.4188	0.4156	0.4127	0.4096	0.4068	0.4040	0.4015	0.3989	0.3964	0.3940	0.3917	0.3894	0.3872	0.3850	0.3830	0.3808	0.3789	0.3770	0.3751	
2	0.3069	0.3043	0.3018	0.2992	0.2968	0.2944	0.2921	0.2898	0.2876	0.2854	0.2834	0.2813	0.2794	0.2274	0.2755	0.2737	0.2719	0.2701	0.2684	0.2667	0.2651	0.2635	0.2620	0.2604	0.2589	0.2574	
3	0.0543	0.2533	0.2522	0.2510	0.2499	0.2487	0.2475	0.2463	0.2451	0.2439	0.2427	0.2415	0.2403	0.2391	0.2380	0.2368	0.2357	0.2345	0.2334	0.2323	0.2313	0.2302	0.2291	0.2281	0.2271	0.2260	
4	0.2148	0.2151	0.2152	0.2151	0.2150	0.2148	0.2145	0.2141	0.2137	0.2132	0.2127	0.2121	0.2116	0.2110	0.2104	0.2098	0.2091	0.2085	0.2078	0.2072	0.2065	0.2058	0.2052	0.2045	0.2038	0.2032	
5	0.1822	0.1836	0.1848	0.1857	0.1864	0.1870	0.1874	0.1878	0.1880	0.1882	0.1883	0.1883	0.1883	0.1881	0.1880	0.1878	0.1876	0.1874	0.1871	0.1868	0.1865	0.1862	0.1859	0.1855	0.1851	0.1847	
6	0.1539	0.1563	0.1584	0.1601	0.1616	0.1630	0.1641	0.1651	0.1660	0.1667	0.1673	0.1678	0.1683	0.1686	0.1689	0.1691	0.1693	0.1694	0.1695	0.1695	0.1695	0.1695	0.1695	0.1695	0.1693	0.1692	0.1691
7	0.1283	0.1316	0.1346	0.1372	0.1395	0.1415	0.1433	0.1449	0.1463	0.1475	0.1487	0.1496	0.1505	0.1513	0.1520	0.1526	0.1531	0.1535	0.1539	0.1542	0.1545	0.1548	0.1550	0.1551	0.1553	0.1554	
8	0.1045	0.1089	0.1128	0.1162	0.1192	0.1219	0.1243	0.1265	0.1284	0.1301	0.1317	0.1331	0.1344	0.1356	0.1366	0.1376	0.1384	0.1392	0.1398	0.1405	0.1410	0.1415	0.1420	0.1423	0.1427	0.1430	
9	0.0823	0.0876	0.0923	0.0965	0.1002	0.1036	0.1066	0.1093	0.1118	0.1140	0.1160	0.1179	0.1196	0.1211	0.1225	0.1237	0.1249	0.1259	0.1269	0.1278	0.1286	0.1293	0.1300	0.1306	0.1312	0.1317	
10	0.0610	0.0672	0.0728	0.0778	0.0822	0.0862	0.0899	0.0931	0.0961	0.0988	0.1013	0.1036	0.1056	0.1075	0.1092	0.1108	0.1123	0.1136	0.1149	0.1160	0.1170	0.1180	0.1189	0.1197	0.1205	0.1212	
11	0.0403	0.0476	0.0540	0.0598	0.0650	0.0697	0.0739	0.0777	0.0812	0.0844	0.0873	0.0900	0.0924	0.0947	0.0967	0.0986	0.1004	0.1020	0.1035	0.1049	0.1062	0.1073	0.1085	0.1095	0.1105	0.1113	
12	0.0200	0.0284	0.0358	0.0424	0.0483	0.0537	0.0585	0.0629	0.0669	0.0706	0.0739	0.0770	0.0798	0.0824	0.0848	0.0870	0.0891	0.0909	0.0927	0.0943	0.0959	0.0972	0.0986	0.0998	0.1010	0.1020	
13	0.0000	0.0094	0.0178	0.0253	0.0320	0.0381	0.0435	0.0485	0.0530	0.0572	0.0610	0.0645	0.0677	0.0706	0.0733	0.0759	0.0782	0.8040	0.0824	0.0842	0.0860	0.0876	0.0892	0.0906	0.0919	0.0932	
14			0.0000	0.0084	0.0159	0.0227	0.0289	0.0344	0.0395	0.0441	0.0484	0.0523	0.0559	0.0592	0.0622	0.0651	0.0677	0.0701	0.0724	0.0745	0.0765	0.0783	0.0801	0.0817	0.0832	0.0846	
15					0.0000	0.0076	0.0144	0.0206	0.0262	0.0314	0.0361	0.0404	0.0444	0.0481	0.0515	0.0546	0.0575	0.0602	0.0628	0.0651	0.0673	0.0694	0.0713	0.0731	0.0748	0.0764	
16							0.0000	0.0068	0.0131	0.0187	0.0239	0.0287	0.0331	0.0372	0.0409	0.0444	0.0476	0.0506	0.0534	0.0560	0.0584	0.0607	0.0628	0.0648	0.0667	0.0685	
17									0.0000	0.0062	0.0119	0.0172	0.0220	0.0264	0.0305	0.0343	0.0379	0.0411	0.0442	0.0471	0.0497	0.0522	0.0546	0.0568	0.0588	0.0608	
18											0.0000	0.0057	0.0110	0.0158	0.0203	0.0244	0.0283	0.0318	0.0352	0.0383	0.0412	0.0439	0.0465	0.0489	0.0511	0.0532	
19													0.0000	0.0053	0.0101	0.0146	0.0188	0.0227	0.0263	0.0296	0.0328	0.0357	0.0385	0.0411	0.0436	0.0459	
20															0.0000	0.0049	0.0094	0.0136	0.0175	0.0211	0.0245	0.0277	0.0307	0.0335	0.0361	0.0386	
21																	0.0000	0.0045	0.0087	0.0126	0.0163	0.0197	0.0229	0.0259	0.0288	0.0314	
22																			0.0000	0.0042	0.0081	0.0118	0.0153	0.0185	0.0215	0.0244	
23																					0.0000	0.0039	0.0076	0.0111	0.0143	0.0174	
24																							0.0000	0.0037	0.0071	0.0104	
25																									0.0000	0.0035	

ANNEXE C

TABLEAU C2 - TEST DE SHAPIRO-WILK - FRACTILES DE LA STATISTIQUE W
(risque de 1^{ère} espèce 5 %).⁽¹⁾

n	W _{0,95}	n	W _{0,95}
3	0,767		
4	0,748		
5	0,762		
6	0,788	26	0,920
7	0,803	27	0,923
8	0,818	28	0,924
9	0,829	29	0,926
10	0,842	30	0,927
11	0,850	31	0,929
12	0,859	32	0,930
13	0,866	33	0,931
14	0,874	34	0,933
15	0,881	35	0,934
16	0,887	36	0,935
17	0,892	37	0,936
18	0,897	38	0,938
19	0,901	39	0,939
20	0,905	40	0,940
21	0,908	41	0,941
22	0,911	42	0,942
23	0,914	43	0,943
24	0,916	44	0,945
25	0,918	45	0,945
		46	0,945
		47	0,946
		48	0,947
		49	0,947
		50	0,947

⁽¹⁾ Extrait de SHAPIRO, S.S., et WILK, M.B. (op. cit.).

ANNEXE C

TABLEAU C3 - TEST D'AGOSTINO - FRACTILES DE LA STATISTIQUE Y
(risque de 1^{ère} espèce 5 %).⁽¹⁾

n	Y_{0,025}	Y_{0,975}
50	- 2,74	1,06
60	- 2,68	1,13
70	- 2,64	1,19
80	- 2,60	1,24
90	- 2,57	1,28
100	- 2,54	1,31
150	- 2,45	1,42
200	- 2,39	1,50
250	- 2,35	1,54
300	- 2,32	1,58
350	- 2,29	1,61
400	- 2,27	1,63
450	- 2,25	1,65
500	- 2,24	1,67
550	- 2,23	1,68
600	- 2,22	1,69
650	- 2,21	1,70
700	- 2,20	1,71
750	- 2,19	1,72
800	- 2,18	1,73
850	- 2,18	1,74
900	- 2,17	1,74
950	- 2,16	1,75
1000	- 2,16	1,75

⁽¹⁾ Extrait de

- a) D'AGOSTINO, R.B. : An omnibus test for normality for moderate and large size samples, *Biometrika*, 58, 1971, mm. 341-348.
- b) D'AGOSTINO, R.B. : Small sample probability points for the D - Test of normality, *Biometrika*, 59, 1972, pp. 219-221.

Historique des révisions

- Révisions 0, 1: création, adaptations
- Révision 2: adaptation de la formule du test de d'Agostino ($D = b^2 / n^2 / \sigma \gg \gg b / n^2 / \sigma$) (selon observation du Bureau technique 2)